

Научная статья

УДК 681.5

<https://doi.org/10.24143/2072-9502-2023-3-29-36>

EDN KWCOFI

## Оценка диагностических параметров сложных систем на водном транспорте на основе энтропийного подхода

Александр Александрович Чертков<sup>✉</sup>, Владимир Юрьевич Иванюк,  
Ярослав Николаевич Каск

Государственный университет морского и речного флота имени адмирала С. О. Макарова,  
Санкт-Петербург, Россия, chertkov51@mail.ru<sup>✉</sup>

**Аннотация.** Цель работы состоит в поиске путей совершенствования методов компьютерного моделирования и цифровизации выбора диагностических параметров сложных технических систем по максимуму информативности. Энтропийный способ оценки технического состояния систем основан на существовании функциональной зависимости случайных величин, характеризующих поведение элементов, всегда находящейся между двумя критическими состояниями: абсолютной целостности и полной аддитивности. Сложность взаимодействия элементов в стохастических системах определяет необходимость поиска для мониторинга и управления эффективных алгоритмов, базирующихся на фундаментальных энтропийных моделях и методах поиска наилучших решений. Модели и алгоритмы оценки параметров технического состояния и эксплуатационных показателей систем в процессе мониторинга совершенствуются на цифровой платформе MATLAB и ее приложениях. Отмечается, что для систем высокой сложности предлагается способ контроля, базирующийся на энтропийной оценке информации как наиболее универсальной и применимой в технических, биологических, экономических, социальных и иных системах, трудно поддающихся аналитическому описанию и приемам формализации. Показано, что энтропийный способ выбора наиболее информативных узлов контроля при конструировании систем диагностики технических средств и технологических процессов на объектах водного транспорта позволяет значительно повысить надежность и обеспечить безотказность работы контролируемых объектов. Энтропийный способ оценки информативности, базирующийся на разности энтропий исходного и последующего состояний системы, применен для решения конкретных задач, приведенных в примерах. Предложен алгоритм ранжирования диагностических параметров на основе метода парных сравнений, на базе которого получена максимальная информативность выбранных диагностируемых узлов системы при минимальной совокупности контролируемых параметров.

**Ключевые слова:** автоматизация, диагностический параметр, информативность, контроль, энтропия, контролируемые параметры, попарная проверка

**Для цитирования:** Чертков А. А., Иванюк В. Ю., Каск Я. Н. Оценка диагностических параметров сложных систем на водном транспорте на основе энтропийного подхода // Вестник Астраханского государственного технического университета. Серия: Управление, вычислительная техника и информатика. 2023. № 3. С. 29–36. <https://doi.org/10.24143/2072-9502-2023-3-29-36>. EDN KWCOFI.

Original article

## Evaluation of diagnostic parameters of complex systems in water transport in terms of the entropy approach

Alexander A. Chertkov<sup>✉</sup>, Vladimir Yu. Ivanyuk, Yaroslav N. Kask

Admiral Makarov State University of Maritime and Inland Shipping,  
Saint-Petersburg, Russia, chertkov51@mail.ru<sup>✉</sup>

**Abstract.** The purpose of the work is to develop and improve the methods of computer modeling and digitalization of the choice of diagnostic parameters of complex technical systems to the maximum informativeness. The entropy method of estimating the technical state of systems is based on the existence of a functional dependence of random variables characterizing the behavior of elements, which is always between two critical states: absolute integrity and complete additivity. The complexity of the interaction of elements in stochastic systems determines the need to search for effective algorithms based on fundamental entropy models and methods for finding the best solutions for monitoring and control. Models and algorithms for estimating the parameters of the technical condition and operational indicators of systems in the process of monitoring are improved on the MATLAB digital platform and its applications. It is noted that for systems of high complexity, a method of control is proposed, based on the entropic assessment of information as the most universal and applicable in technical, biological, economic, social and other systems that are difficult to analyze and formalize.

It is shown that the entropic method of selecting the most informative control nodes in the design of diagnostic systems for technical means and technological processes at water transport facilities can significantly increase reliability and ensure the trouble-free operation of controlled facilities. The entropy method of estimating information content, based on the difference in entropies of the initial and subsequent states of the system, is used to solve specific problems given in the examples. An algorithm for ranking diagnostic parameters based on the method of pair comparisons is proposed, on the basis of which the minimax problem is solved: the maximum information content of the selected diagnosable nodes of the system is ensured with a minimum set of controlled parameters.

**Keywords:** automation, diagnostic parameter, informativeness, control, entropy, controlled parameters, pairwise control

**For citation:** Chertkov A. A., Ivanyuk V. Yu., Kask Ya. N. Evaluation of diagnostic parameters of complex systems in water transport in terms of the entropy approach. *Vestnik of Astrakhan State Technical University. Series: Management, computer science and informatics.* 2023;3:29-36. (In Russ.). <https://doi.org/10.24143/2072-9502-2023-3-29-36>. EDN KWCOFI.

## Введение

В условиях цифровизации открываются новые возможности совершенствования мониторинга технического состояния производственных объектов на водном транспорте, что позволяет повысить надежность и обеспечить безопасность эксплуатации сложного технологического оборудования и средств автоматики в широком диапазоне внешних воздействий. Цифровизация процессов мониторинга и контроля позволяет использовать для принятия решений способы и алгоритмы, построенные на использовании энтропийных моделей как наиболее универсальных, связанных с большими объемами обработки информации и реализуемых механизмами компьютерных систем [1–3].

Энтропийные модели применимы для оценки параметров и диагностики дефектов на ранних стадиях их проявления, что позволяет принимать предупредительные решения по их исключению. Специфика энтропийных моделей позволяет исследовать системы с дефектами, содержащими самые различные внешние признаки, оказывающие влияние на диагностические параметры: образование нагара на контактных поверхностях электрических аппаратов; появление сколов и трещин в корпусах плат интегральных микросхем; загрязнения поверхностей механизмов и машин на судах, различных плавсредствах; негативные низкотемпературные проявления в межнавигационный период и другие, приводящие к необходимости совершенствования алгоритмов диагностирования [4].

Цифровизация мониторинга технического состояния объектов электроэнергетики и водного транспорта по параметрам, не поддающимся непосредственным измерениям, позволяет использовать косвенные методы оценки, базирующиеся на динамических наблюдателях переменных состояния по изменениям выходной координаты диагностируемого объекта, что дает возможность путем мажорирования сигналов определять техническое состояние датчиков информации и при возникновении признаков дефекта обеспечивать безаварийную работу объекта. Мониторинг технического состояния, базирующийся на энтропийных моделях, может быть усовершенствован путем формирования схем направленного выбора диагностируемых параметров из их совокупности, с учетом значимости по показателям

информационности [5, 6]. В работе показана эффективность такого выбора.

Эффективность использования энтропии при моделировании систем обусловлена выбором критерия функционирования в каждом конкретном случае, с учетом специфики объекта исследований [7, 8]. Поскольку полный контроль всех параметров практически невозможен, на систему технической диагностики можно возложить контроль только некоторой части из множества наиболее информативных параметров [9, 10]. В этом случае выбор минимальной совокупности контролируемых параметров, отличающихся максимальной информативностью диагностируемых узлов системы, является важной и ответственной задачей повышения надежности и безотказности электрооборудования и электронных систем автоматики на объектах водного транспорта.

## Методы и материалы

Для количественной оценки полноты контроля введем показатель  $V_{\text{пп}}$ , характеризующий информативность процесса при одновременном контроле  $N_k$  параметров (из всей совокупности  $N$ ). В этом случае показатель  $V_{\text{пп}}$  определяется отношением количества информации к энтропии системы в исходном состоянии, т. е. до начала контроля [11–13]. В простейшем случае количественную оценку полноты контроля можно выполнить по формуле

$$V_{\text{пп}} = N_k / N, \quad 0 < V_{\text{пп}} \leq 1.$$

Оценка информативности диагностических параметров выполняется на основе фундаментальных положений теории информации. В результате получаются количественные оценки вероятности нахождения диагностируемой системы в работоспособном состоянии, исследуются процессы изменения энтропии в процессе контроля параметров, определяются оптимальные решения путем рекурсивного выбора наиболее информативных узлов мониторинга системы. Используя формулу Шеннона

$$I = \sum_{i=1}^k p_i \cdot \log_2 \left( \frac{1}{p_i} \right) = - \sum_{i=1}^k p_i \cdot \log_2 p_i, \quad (1)$$

мы получаем оценку количества информации  $I$  по числу сообщений  $k$  и их вероятностям. Пусть электрическая система (объект) и каждый из ее функ-

циональных элементов могут находиться в 2-х состояниях: работоспособном и неработоспособном. Вероятность нахождения системы в работоспособном состоянии  $P_c$  может быть оценена как вероятность работы всех ее  $n$  функциональных элементов

$$P_c = \prod_{i=1}^n p_i, \text{ а вероятность нахождения системы}$$

в неработоспособном состоянии – как  $Q_c = 1 - P_c$ , где  $p_i$  – вероятность безотказной работы  $i$ -го функционального элемента.

Исходная неопределенность состояния системы (энтропия) до начала контроля диагностических параметров, согласно (1), равна

$$\begin{aligned} H_0 &= -P_c \log_2 P_c - Q_c \log_2 Q_c = \\ &= -\prod_{i=1}^n p_i \log_2 \prod_{i=1}^n p_i - (1 - \prod_{i=1}^n p_i) \log_2 (1 - \prod_{i=1}^n p_i). \end{aligned} \quad (2)$$

В результате контроля  $i$ -го элемента из  $n$  функциональных элементов системы проверяется только часть элементов  $n_n \in n$ . В случае двух возмож-

$$I_i = H_0 - \prod_{i=1}^{n_n} p_i \left[ -\prod_{i=1}^{n_n} p_i \log_2 \prod_{i=1}^{n_n} p_i - (1 - \prod_{i=1}^{n_n} p_i) \log_2 (1 - \prod_{i=1}^{n_n} p_i) \right]. \quad (3)$$

При положительном результате проверки  $i$ -го параметра неопределенность состояния зависит только от вероятности безотказной работы  $\prod_{i=1}^{n_n} p_i$

и вероятности отказа  $(1 - \prod_{i=1}^{n_n} p_i)$  непроверенной группы элементов.

$$I_{N_k} = H_0 - \prod_{i=1}^{n_n} p_i \left[ -\prod_{i=1}^{n_n} p_i \log_2 \prod_{i=1}^{n_n} p_i - (1 - \prod_{i=1}^{n_n} p_i) \log_2 (1 - \prod_{i=1}^{n_n} p_i) \right]. \quad (4)$$

С учетом информативности контролируемых параметров полнота контроля может быть оценена по формуле

$$V_{nk} = I_{N_k} / H_0, 0 < V_{nk} \leq 1. \quad (5)$$

При отсутствии количественных показателей безотказности элементов выбор диагностических параметров судового оборудования и электронной системы автоматики может быть выполнен путем опроса специалистов (экспертов) – опытных инженеров-электриков и электромехаников. С помощью *метода экспертных оценок*, используя опыт, знания и интуицию высококвалифицированных специалистов, можно, например, построить ранжированный (упорядоченный) ряд параметров, определяющих техническое состояние сложных систем.

При выборе параметров для контроля технического состояния объекта принимается во внимание, что требуемая полнота контроля определяется структурой его диагностической модели. В частном случае, когда все функциональные элементы схемы имеют по одному выходу, каждый из кото-

рых результатов контроля параметров «в норме» и «не в норме» вероятность нормы или положительного исхода контроля параметра составляет

$$P_i = \prod_{i=1}^{n_n} p_i.$$

Тогда неопределенность состояния системы, оставшаяся после того, как было установлено, что  $i$ -й параметр находится в норме, по аналогии с (2), будет равна

$$H_i = -\prod_{i=1}^{n_n} p_i \log_2 \prod_{i=1}^{n_n} p_i - (1 - \prod_{i=1}^{n_n} p_i) \log_2 (1 - \prod_{i=1}^{n_n} p_i),$$

где  $n_n$  – число непроверяемых элементов системы.

Информативность  $i$ -го параметра вычисляется как разность между исходной неопределенностью состояния системы  $H_0$  и неопределенностью  $\bar{H}_i = P_i H_i$ , остающейся после контроля  $i$ -го параметра и усредненной по возможным исходам контроля

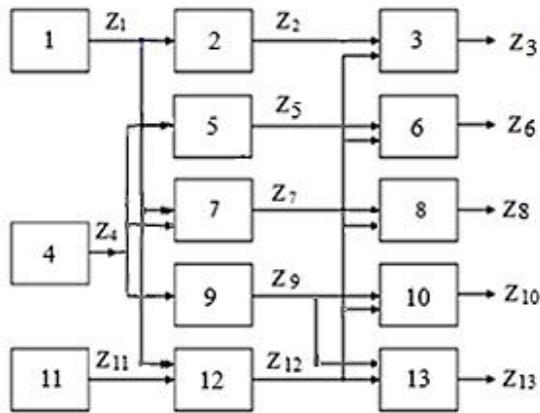
$$I_i = H_0 - \prod_{i=1}^{n_n} p_i \left[ -\prod_{i=1}^{n_n} p_i \log_2 \prod_{i=1}^{n_n} p_i - (1 - \prod_{i=1}^{n_n} p_i) \log_2 (1 - \prod_{i=1}^{n_n} p_i) \right]. \quad (3)$$

Информация, получаемая при одновременном контроле  $N_k$  диагностических элементов (из общего их числа  $N$ ), позволяющих контролировать  $n_n$  элементов системы, определяется аналогично (3):

ных характеризуется одним физическим параметром (выходной функцией), диагностическая модель может совпадать с функциональной схемой объекта. В тех случаях, когда полный контроль технического состояния реализовать не представляется возможным, выбор контролируемых параметров сводится к определению такой совокупности доступных для контроля параметров, которая позволяла бы получить максимальное количество информации о состоянии объекта контроля. Использование *энтропийного метода* для выбора совокупности контролируемых параметров рассмотрим на конкретной задаче.

#### Решение задачи идентификации объекта и нахождения наиболее информативных параметров

Требуется найти минимальную совокупность контролируемых параметров из условия обеспечения работоспособности объекта диагностирования, функционально-структурная модель которого приведена на рис.



Функционально-структурная (диагностическая) модель объекта: 1–13 – элементы;  
 $Z_1, Z_2, Z_4, Z_5, Z_7, Z_9, Z_{11}, Z_{12}$  – параметрические функции элементов;  
 $Z_3, Z_6, Z_8, Z_{10}, Z_{13}$  – выходные параметрические функции элементов

Functional-structural (diagnostic) model of an object: 1–13 – elements;  
 $Z_1, Z_2, Z_4, Z_5, Z_7, Z_9, Z_{11}, Z_{12}$  – parametric functions of elements;  
 $Z_3, Z_6, Z_8, Z_{10}, Z_{13}$  – output parametric functions of elements

Для приведенной схемы условие работоспособности соответствует, в общем случае, исправному состоянию всех элементов. Требуется определить выходные функции, необходимые для полного контроля работоспособности системы  $V_{\text{пп}} = 1$  и выбрать

$$\begin{aligned} p_1 &= 0,95; p_2 = 0,92; p_3 = 0,90; p_4 = 0,92; p_5 = 0,99; p_6 = 0,98; p_7 = 0,97; p_8 = 0,93; p_9 = 0,95; \\ p_{10} &= 0,94; p_{11} = 0,95; p_{12} = 0,97; p_{13} = 0,99. \end{aligned}$$

Контролируемые параметры системы, обеспечивающие полноту диагностического контроля системы, будем искать из имеющегося набора выходных функций  $Z_3, Z_6, Z_8, Z_{10}$  и  $Z_{13}$  модели (см. рис.), используя функциональную связь этих функций со

из 5 возможных попарно 2 выходные функции, контроль которых позволяет получить максимальную информацию о состоянии системы. Вероятности безотказной работы системы известны:

всеми элементами диагностируемой системы, где знаком «+» отмечена зависимость выходов  $Z_i$  от технического состояния соответствующего функционального элемента, а знаком « $\neg$ » – ее отсутствие (табл.).

### Зависимость выходных функций модели от технического состояния ее элементов

Dependence of the output functions of the model on the technical condition of its elements

Выходные функции модели	Элементы диагностируемой модели												
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
$Z_3$	+	+	+	–	–	–	–	–	–	–	+	+	–
$Z_6$	+	–	–	+	+	+	–	–	–	–	+	+	–
$Z_8$	+	–	–	+	–	–	+	+	–	–	+	+	–
$Z_{10}$	+	–	–	+	–	–	–	–	+	+	+	+	–
$Z_{13}$	+	–	–	+	–	–	–	–	+	–	+	+	+

В общем случае алгоритм ранжирования диагностических параметров реализуется на основе метода парных сравнений, число которых равно числу возможных комбинаций попарных проверок ( $m = 2$ ) выходных функций из общего их числа, равного  $n_{\text{вых}} = 5$ , которое составит

$$C_{n_{\text{вых}}}^2 = \frac{n_{\text{вых}}!}{m!(n_{\text{вых}} - m)!} = \frac{5!}{2!(5-2)!} = 10. \quad (6)$$

Алгоритм ранжирования диагностических параметров включает несколько этапов.

На первом этапе определяется исходная неопределенность состояния системы (энтропия  $H_0$ ) до начала контроля диагностических параметров. Система представлена 13 блоками (элементами). Если предположить, что отказ любого из 13 элементов системы приводит к отказу системы (переходу в неработоспособное состояние), то исходная энтропия системы (при отсутствии контроля), в соответствии с формулой (2), будет равна

$$\begin{aligned}
 H_0 &= -\prod_{i=1}^{13} p_i \log_2 \prod_{i=1}^{13} p_i - (1 - \prod_{i=1}^{13} p_i) \log_2 (1 - \prod_{i=1}^{13} p_i) = \\
 &= -0,5158 \log_2 0,5158 - (1 - 0,5158) \log_2 (1 - 0,5158) = 0,9993.
 \end{aligned}$$

Процедуры (фрагменты программ) вычисления величины исходной энтропии  $H_0$ , а также значений оставшейся энтропии после каждой попарной проверки выходных функций и информативности этих проверок, реализованные в кодах программно-вычислительной среды MATLAB, по просьбе редакции в статье не приводятся.

Затем на основе таблицы функциональных связей выходных функций модели со всеми элементами диагностируемой системы строится матрица  $Z$  связности модели той же размерности, что и таблица, но элементами которой являются не знаки «+» и «-», а единицы и нули соответственно:

$$Z = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}.$$

На втором этапе на основе построенной матрицы  $Z$  выполняется попарный контроль диагностических параметров (функций) пяти выходных элементов, целью которого является вычисление информативности и полноты контроля для каждой пары сравниваемых выходных функций (диагностических параметров) модели. С целью построения универсальной диагностической модели, не зависящей от размерности системы, определение контролируемых и неконтролируемых элементов на каждом этапе попарного контроля выходных элементов будем проводить в цикле, задавая индекс первой в паре функции переменной  $i = 1, \dots, 4$  внешнего цикла, а индекс второй функции – переменной  $j = 2, \dots, 5$  внутреннего цикла. В этом случае попарные проверки выходных функций повторяться не будут, а их количество будет соответствовать числу их возможных комбинаций  $C_5^2 = 10$ , найденных по формуле (6).

При каждой попарной проверке происходит поэлементное сравнение с применением логической операции ИЛИ–НЕ [14] строковых векторов матрицы связности выходных функций по нулевым позициям, в результате чего получаем вектор  $V$ , в котором единицы стоят на позициях непроверяемых элементов. Результаты попарных проверок, позволяющие получить вектор  $V$  для каждой возможной комбинации пар выходных функций, приведены ниже:

$i = 1$

$$\begin{aligned}
 V = & \\
 & 1 \times 13 \text{ logical array} \\
 & \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$i = 2$

$$\begin{aligned}
 V = & \\
 & 1 \times 13 \text{ logical array} \\
 & \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$

$i = 3$

$$\begin{aligned}
 V = & \\
 & 1 \times 13 \text{ logical array} \\
 & \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$

$i = 4$

$$\begin{aligned}
 V = & \\
 & 1 \times 13 \text{ logical array} \\
 & \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$

На том же этапе на основе вектора  $V$  формируются вспомогательные векторы  $P_a$ , состоящие из вероятностей безотказной работы проверяемых элементов, и  $P_b$ , состоящие из таких же вероятностей, но непроверяемых элементов. Вектор  $P_a$  имеет ту же размерность, что и вектор  $P_0$ , но на позициях непроверяемых элементов содержит единицы:

$$\begin{aligned}
 P_a = & \\
 & \text{Columns 1 through 7} \\
 & \begin{bmatrix} 0.9500 & 1.0000 & 1.0000 & 0.9200 & 1.0000 \\ 1.0000 & 1.0000 & & & \end{bmatrix} \\
 & \text{Columns 8 through 13} \\
 & \begin{bmatrix} 1.0000 & 0.9500 & 0.9400 & 0.9500 & 0.9700 \\ 0.9900 & & & & \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$

Вектор  $P_b$  строится по обратному принципу: на позициях непроверяемых элементов вероятности их безотказной работы остаются, а на позициях проверяемых элементов содержатся единицы:

$$\begin{aligned}
 P_b = & \\
 & \text{Columns 1 through 7} \\
 & \begin{bmatrix} 1.0000 & 0.9200 & 0.9000 & 1.0000 & 0.9900 \\ 0.9800 & 0.9700 & & & \end{bmatrix} \\
 & \text{Columns 8 through 13} \\
 & \begin{bmatrix} 0.9300 & 1.0000 & 1.0000 & 1.0000 & 1.0000 \\ 1.0000 & & & & \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$

На третьем этапе алгоритма выполняется вычисление информативности попарного контроля диагностических параметров (функций) пяти выходных элементов. Для упрощения вычислений по формуле (4) информации о состоянии функциональной модели системы при одновременном контроле любой из пар выходных функций произведение вероятностей проверяемых и непроверяемых элементов модели выделены в отдельные блоки  $A$  и  $B$  соответственно:

$$A = \prod_{i=1}^{n_a} (P_a)_i; \quad B = \prod_{i=1}^{n_b} (P_b)_i, \quad (7)$$

в первом из которых выполняется произведение элементов вектора  $P_a$ , во втором – произведение элементов вектора  $P_b$ . Согласно синтаксису MATLAB операция произведения элементов вектора  $P$  выполняется с применением операторной функции  $prod(P)$ , где  $P$  является аргументом этой функции. Таким образом, отдельные вычислительные блоки  $A$  и  $B$ , представленные формулами (7), в рассматриваемом алгоритме реализованы через функции вида

$$A = prod(P_a); \quad B = prod(P_b).$$

Тогда формулу (4) с учетом блочных преобразований (7) можно привести к упрощенному виду:

$$I_{Z_i, Z_j} = H_0 - A[-B \log_2 B - (1-B) \log_2 (1-B)]. \quad (8)$$

Здесь же по известным значениям информативности попарных проверок, полученным из выражения (8), производится вычисление показателя полноты контроля всей системы по формуле (5).

## Результаты

Результаты вычислений информативности контроля проверяемых пар выходных функций и показателя полноты контроля согласно алгоритму автоматизации формируются в массивах данных, состоящих из 4-х строк ( $i = 1, \dots, 4$ ) и 5 столбцов ( $j = 1, \dots, 5$ ), т. е. размерности  $(4 \times 5)$ :

$$I = \begin{matrix} & 0 & 0.5290 & 0.6442 & 0.6616 & 0.5765 \\ 0 & & 0 & 0.4082 & 0.4218 & 0.3535 \\ 0 & & 0 & 0 & 0.5248 & 0.4505 \\ 0 & & 0 & 0 & 0 & 0.3948 \end{matrix}$$

$$V = \begin{matrix} & 0 & 0.5294 & 0.6447 & 0.6621 & 0.5769 \\ 0 & & 0 & 0.4085 & 0.4221 & 0.3538 \\ 0 & & 0 & 0 & 0.5252 & 0.4509 \\ 0 & & 0 & 0 & 0 & 0.3951 \end{matrix}$$

Отсюда, для вывода их значений с индексированными номерами проверяемых функций согласно предложенному алгоритму, осуществляется построчный вывод значений информативности  $I$  и по-

казателя полноты контроля  $V_{pk}$  для каждой пары проверяемых функций:

$$\begin{aligned} Iv3\_6 &= 0.5290 \quad 0.5294 \\ Iv3\_8 &= 0.6442 \quad 0.6447 \\ Iv3\_10 &= 0.6616 \quad 0.6621 \\ Iv3\_13 &= 0.5765 \quad 0.5769 \\ Iv6\_8 &= 0.4082 \quad 0.4085 \\ Iv6\_10 &= 0.4218 \quad 0.4221 \\ Iv6\_13 &= 0.3535 \quad 0.3538 \\ Iv8\_10 &= 0.5248 \quad 0.5252 \\ Iv8\_13 &= 0.4505 \quad 0.4509 \\ Iv10\_13 &= 0.3948 \quad 0.3951 \end{aligned}$$

Полученные результаты численных значений информативности  $I$  и показателя  $V_{pk}$  полноты контроля всех возможных попарных проверок служат для выбора такой пары выходных функций (контролируемых параметров), при которой обеспечивается наибольшая полнота контроля объекта диагностики. На основе предложенного алгоритма разработана программа, обеспечивающая автоматизацию вычислений показателей полноты контроля и информативности диагностируемых параметров при попарном сравнении всех выходных функций системы.

Таким образом, решена поставленная задача автоматизации расчета и выбора наиболее информативных параметров, обеспечивающих наибольшую полноту диагностического контроля объекта (системы) электроэнергетики. На этом работа алгоритма завершается.

## Обсуждение

В результате сравнения результатов вычисления показателей  $I$  и  $V_{pk}$  по каждой паре проверяемых функций из 5 выходных, в качестве контролируемых параметров следует выбирать  $Z_3$  и  $Z_{10}$ , при выборе которых достигается максимальная информативность выбранных диагностируемых узлов системы  $I = 0,6616$  и наибольшая полнота контроля  $V_{pk} = 0,6621$  при 2-х контролируемых параметрах.

Результаты численного моделирования параметров, оцениваемых с применением энтропийного способа оценки, получены в автоматическом режиме и полностью подтверждают работоспособность разработанной универсальной, не зависящей от размерности системы, диагностической модели

выбора наиболее информативных узлов контроля системы.

### **Заключение**

В работе приведены результаты исследований, связанные с построением и практической реализацией алгоритма автоматизации выбора наиболее информативных узлов контроля системы с применением энтропийного способа оценки информативности, базирующегося на разности энтропий исходного и последующего состояний системы. По результатам исследований можно сделать следующие выводы:

1. Корректность и реализуемость предлагаемых технических решений подтверждена на примере эксперимента, состоящего из 10 сценариев попарных проверок контролируемых параметров (выходных функций).

2. Полученные оценки и решения с применением энтропийного способа позволяют осуществить выбор тех параметров, которые обеспечивают максимальную информативность выбранных диагностируемых узлов системы при минимальной совокупности контролируемых параметров.

3. Предложенный алгоритм автоматизации и численного моделирования процессов диагностического выбора диагностических параметров сложных технических систем по максимуму информативности на основе энтропийной оценки позволяет широко использовать инструментарий матричных преобразова-

ний в среде MATLAB для принятия обоснованных решений при обработке данных в системах автоматизированного управления и измерения на объектах водного транспорта.

4. Предложенные решения лежат в основе дальнейшего развития и совершенствования методов компьютерного моделирования и цифровизации диагностических проверок состояния сложных систем на водном транспорте по энтропийным критериям для использования в высокотехнологичных программно-измерительных комплексах автоматизированных систем управления. Это обусловлено тем, что в большинстве важных для практики случаев анализ вероятностных оценок технического состояния и работоспособности объектов и систем требует проведения множественных проверок, выполняемых с применением численных методов, для которых требуется инструментарий мощных программно-вычислительных сред. Примерами таких случаев являются процедуры нахождения информативных подмножеств признаков в регрессионном и статистическом анализе, а также выявление отклонений параметров в автоматизированных системах управления.

Полученные численные результаты компьютерного моделирования подтверждают практическую направленность работы и возможность ее использования для решения широкого класса задач в исследуемой предметной области.

### **Список источников**

1. Гриб В. В., Жуков Р. В., Петрова И. М., Буяновский И. А. Диагностические модели изменения технического состояния механических систем: в 2 ч. М.: Изд-во МАДИ (ГТУ), 2007. Ч. 1. 300 с.; Ч. 2: 2008. 263 с.
2. Мосеенко Е. С., Ольховик Е. О. Задачи оценки рисков и предупреждения отказов судовых механических систем // Вестн. Гос. ун-та мор. и реч. флота им. адм. С. О. Макарова. 2022. Т. 14 (6). С. 931–944.
3. Чертков А. А., Иванюк В. Ю., Каск Я. Н. Модальный синтез наблюдателя переменных состояния системы автоматики речного землесоса // Вестн. Гос. ун-та мор. и реч. флота им. адм. С. О. Макарова. 2022. Т. 14 (5). С. 787–797.
4. Синопальников В. А., Григорьев С. Н. Надежность и диагностика технологических систем. М.: Высш. шк., 2005. 343 с.
5. Кулаичев А. П. Методы и средства комплексного анализа данных. М.: ФОРУМ, ИНФРА-М, 2006. 512 с.
6. Вентцель Е. С., Овчаров Л. А. Теория случайных процессов и ее инженерные приложения. М.: Академия, 2009. 384 с.
7. Левич А. П. Энтропия как мера структурированности сложных систем // Время, хаос и математические
- проблемы: тр. семинара. М.: Изд-во Ин-та матем. исследований слож. систем МГУ им. М. В. Ломоносова, 2000. Вып. 2. С. 163–176.
8. Mabus G. E., Kalton M. C. Principles of Systems Science. Springer, 2015. 755 p.
9. Деева В. С., Романишина С. А., Слободян С. М. Устойчивость энтропийной оценки живучести систем // Изв. Том. политехн. ун-та. 2013. Т. 322, № 2. С. 67–72.
10. Лазарев В. Л. Исследование систем на основе энтропийных и информационных характеристик // Журн. техн. физики. 2010. Т. 80, вып. 2. С. 1–7.
11. Тырсин А. Н., Соколова И. С. Энтропийно-вероятностное моделирование гауссовских стохастических систем // Математическое моделирование. 2012. Т. 24, № 1. С. 88–103.
12. Noughabi H. A., Arghami N. R. A New Estimator of Entropy // Journal of Iranian Statistical Society. 2010. V. 9, iss. 1. P. 53–64.
13. Stowell D., Plumley M. D. Fast Multidimensional Entropy Estimation by k-d Partitioning // IEEE Signal Processing Letters. 2009. V. 16, iss. 6. P. 537–540.
14. Иглин С. П. Математические расчеты на базе MATLAB. СПб.: БХВ-Петербург, 2005. 629 с.

### **References**

1. Grib V. V., Zhukov R. V., Petrova I. M., Buianovskii I. A. *Diagnosticheskie modeli izmenenii tekhnicheskogo sostoianiia mekhanicheskikh sistem: v 2 chastiakh* [Diagnostic
- models of changes in technical state of mechanical systems: in 2 Parts]. Moscow, Izd-vo MADI (GTU), 2007. Part 1. 300 p.; Part 2: 2008. 263 p.

2. Moseiko E. S., Ol'khovik E. O. Zadachi otsenki riskov i preduprezhdeniya otkazov sudovykh mekhanicheskikh sistem [Problems of risk assessment and failure prevention of ship mechanical systems]. *Vestnik Gosudarstvennogo universiteta morskogo i rechnogo flota imeni admirala S. O. Makarova*, 2022, vol. 14 (6), pp. 931-944.
3. Chertkov A. A., Ivaniuk V. Iu., Kask Ia. N. Modal'nyi sintez nabliudatelia peremennykh sostoianii sistemy avtomatiki rechnogo zemlesosa [Modal synthesis of the observer of state variables of the automation system of a river dredger]. *Vestnik Gosudarstvennogo universiteta morskogo i rechnogo flota imeni admirala S. O. Makarova*, 2022, vol. 14 (5), pp. 787-797.
4. Sinopal'nikov V. A., Grigor'ev S. N. *Nadezhnost' i diagnostika tekhnologicheskikh sistem* [Reliability and diagnostics of technological systems]. Moscow, Vysshiaia shkola Publ., 2005. 343 p.
5. Kulaichev A. P. *Metody i sredstva kompleksnogo analiza dannykh* [Methods and means of complex data analysis]. Moscow, FORUM, INFRA-M Publ., 2006. 512 p.
6. Ventsel' E. S., Ovcharov L. A. *Teoriia sluchainykh protsessov i ee inzhenernye prilozheniya* [Theory of random processes and its engineering applications]. Moscow, Akademiiia Publ., 2009. 384 p.
7. Levich A. P. Entropiia kak mera strukturirovannosti slozhnykh sistem [Entropy as measure of structuredness of complex systems]. *Vremia, khaos i matematicheskie problemy: trudy seminara*. Moscow, Izd-vo In-ta matem. issled.
- dovanii slozh. sistem MGU im. M. V. Lomonosova, 2000. Iss. 2. Pp. 163-176.
8. Mobus G. E., Kalton M. C. *Principles of Systems Science*. Springer, 2015. 755 p.
9. Deeva V. S., Romanishina S. A., Slobodian S. M. Ustoichivost' entropiinoi otsenki zhivuchesti sistem [Stability of entropy estimation of system vitality]. *Izvestiia Tomskogo politekhnicheskogo universiteta*, 2013, vol. 322, no. 2, pp. 67-72.
10. Lazarev V. L. Issledovanie sistem na osnove entropiinykh i informatsionnykh kharakteristik [Investigation of systems based on entropy and information characteristics]. *Zhurnal tekhnicheskoi fiziki*, 2010, vol. 80, iss. 2, pp. 1-7.
11. Tyrsin A. N., Sokolova I. S. Entropiino-veroiatnostnoe modelirovanie gaussovskikh stokhasticheskikh sistem [Entropy-probabilistic modeling of Gaussian stochastic systems]. *Matematicheskoe modelirovanie*, 2012, vol. 24, no. 1, pp. 88-103.
12. Noughabi H. A., Arghami N. R. A New Estimator of Entropy. *Journal of Iranian Statistical Society*, 2010, vol. 9, iss. 1, pp. 53-64.
13. Stowell D., Plumley M. D. Fast Multidimensional Entropy Estimation by k-d Partitioning. *IEEE Signal Processing Letters*, 2009, vol. 16, iss. 6, pp. 537-540.
14. Iglin S. P. *Matematicheskie raschety na baze MATLAB* [Mathematical calculations based on MATLAB]. Saint-Petersburg, BKhV-Peterburg Publ., 2005. 629 p.

Статья поступила в редакцию 10.04.2023; одобрена после рецензирования 24.05.2023; принятая к публикации 20.07.2023  
The article is submitted 10.04.2023; approved after reviewing 24.05.2023; accepted for publication 20.07.2023

### **Информация об авторах / Information about the authors**

**Александр Александрович Чертков** – доктор технических наук, доцент; профессор кафедры электротехники и автоматики; Государственный университет морского и речного флота имени адмирала С. О. Макарова; chertkov51@mail.ru

**Alexander A. Chertkov** – Doctor of Technical Sciences, Assistant Professor; Professor of the Department of Electrical Engineering and Automation; Admiral Makarov State University of Maritime and Inland Shipping; chertkov51@mail.ru

**Владимир Юрьевич Иванюк** – соискатель степени канд. техн. наук кафедры электротехники и автоматики; Государственный университет морского и речного флота имени адмирала С. О. Макарова; kaf\_electricautomatic@gumrf.ru

**Vladimir Yu. Ivanyuk** – Doctoral Student of the Department of Electrical Engineering and Automation; Admiral Makarov State University of Maritime and Inland Shipping; kaf\_electricautomatic@gumrf.ru

**Ярослав Николаевич Каск** – кандидат технических наук; доцент кафедры электротехники и автоматики; Государственный университет морского и речного флота имени адмирала С. О. Макарова; rgam2010@yandex.ru

**Yaroslav N. Kask** – Candidate of Technical Sciences; Assistant Professor of the Department of Electrical Engineering and Automation; Admiral Makarov State University of Maritime and Inland Shipping; rgam2010@yandex.ru